



Resolução do Exame

1. Descrição sintáctica de linguagens [10 pontos]

Considere a linguagem de expressões de números inteiros não negativos, com os seguintes operadores, como na linguagem Pascal:

```
< <= = <> >= > in  
+ - or  
* / div mod and  
not
```

Os operadores na mesma linha têm a mesma precedência e as linhas estão ordenadas por ordem de precedência. Os operadores apresentados são associativos à esquerda.

- a) Escreva uma gramática EBNF (Extended Backus-Naur Form) para esta linguagem.

Resposta:

```
<expr> ::= <expr-arith> { <op-rel> <expr-arith> }  
<expr-arith> ::= <termo> { <op-sum> <termo> }  
<termo> ::= <factor> { <op-mult> <factor> }  
<factor> ::= <int> | ( <expr> ) | not <factor>  
<op-rel> ::= < | <= | = | <> | >= | > | in  
<op-sum> ::= + | - | or  
<op-mult> ::= * | / | div | mod | and  
<int> ::= <digit> { <digit> }  
<digit> ::= 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9
```

- b) Estenda a sua gramática para tratar expressões precedidas por sinal menos. Serão permitidas expressões -23 ou $-(a-b)$, mas não $26+-4$.

Resposta:

```
<expr-arith> ::= [-] <termo> { <op-sum> <termo> }
```

2. Instruções e Programação Estruturada [15 pontos]

Considere a construção para valores inteiros:

```
for i:= E1 to E2 do SL end
```

- a) Usando condicionais e gotos em vez de for, reescreva a construção assegurando-se que i não tome valores maiores do que o valor inicial de $E2$.

Resposta:

```

    i := E1
L1: if i <= E2 then
    SL
    i := i + 1
    goto L1

```

- b) Usando atribuição, novas variáveis e condicionais `while` e `repeat` em vez de `for`, reescreva a construção assegurando-se que i não tome valores maiores do que o valor inicial de E2.

Resposta:

```

    i := E1
    while i <= E2
    repeat
    SL
    i := i + 1
    until i > E2

```

3. Tipos e Representação de Dados [15 pontos]

Considere a discussão sobre tipos (por exemplo em [Sethi, p. 142]) e escolha uma linguagem de programação imperativa (C ou Pascal).

- a) Explique porque é que “static typing” é diferente de “strong typing”.

Resposta:

Um sistema de tipos é “forte” se aceita apenas expressões “seguras”, i.e., livres de erros de tipos.

Um erro de tipo ocorre quando uma expressão tem um tipo que não é equivalente ao tipo esperado.

Verificação estática ocorre em tempo de compilação por oposição a verificação de tipos dinâmica só ocorre em tempo de execução.

- b) Determine se a linguagem da sua escolha usa equivalência de nomes ou estrutural ou um híbrido das duas.

Resposta:

Por exemplo em C [Sethi p. 141] usa equivalência estrutural para todos os tipos com excepção das estruturas (record).

As estruturas têm um nome que é tratado como tipo (para evitar tipos circulares).

- c) Analise o sistema de tipos dessa linguagem e determine se é forte (“strong”) ou não.

Resposta:

Em ANSI C o sistema de tipos só aceita expressões seguras, i.e., que avaliam sem erros de tipos, logo é “forte”.

Por exemplo, quando uma função espera um argumento do tipo T1 e é aplicada com um argumento que não é equivalente a T1, o sistema de tipos do C reporta um erro.

4. Procedimentos e activação [15 pontos]

Considere o procedimento `my_swap` declarado da seguinte forma:

```

procedure my_swap (x, y : integer);
  procedure f ( ) : integer;
    var z : integer;
  begin (* f *)
    z := x; x := y; return z
  end f;
begin (* my_swap *)
  y := f ( );
end my_swap;

```

Descreva o efeito da chamada

```
my_swap (i, A [i])
```

se forem usados os métodos de passagem de parâmetros indicados.

a) Call-by-value

Resposta:

Em “call-by-value” o valor do parâmetro actual é copiado para o parâmetro formal.

```
x fica com o valor de i; y fica com o valor de A[i]
z fica com o valor de x (logo i); x fica com o valor de y (logo A[i])
y fica com o valor de i
```

Após terminar my_swap i e A[i] retêm os valores originais.

b) Call-by-reference

Resposta:

Em “call-by-reference” o parâmetro torna-se um sinónimo para a localização do parâmetro actual. parâmetro formal.

```
x fica com a localização de i; y fica com a localização de A[i]
z fica com o valor de x (logo i); x (logo i) fica com o valor de y (logo A[i])
y fica com o valor de i
```

Após terminar my_swap A[i] retém o valor original e i fica com o valor de A[i]

c) Call-by-value-result

Resposta:

Em “call-by-value-result” os actuais são inicialmente copiados para os formais, as suas localizações são guardadas e os formais são copiados de volta para os actuais.

Neste caso, como não há sinónimos (aliases) não há diferença em relação ao caso anterior e i fica com o valor de A[i] quando f termina.

5. Programação orientada por objectos [15 pontos]

Considere a seguinte implementação de uma stack em C++:

```
(1) struct Stack {
(2)     int top;
(3)     char elements[101];
(4)
(5)     char pop();
(6)     void push(char);
(7)     Stack() { top = 0 }
(8) };
(9) char Stack::pop() {
(11)     top = top - 1;
(12)     return elements[top+1];
(13) }
(14) void Stack::push(char c) {
(16)     top = top + 1;
(17)     elements[top] = c;
(18) }
(19) #include <stdio.h>
(20) main() {
(21)     Stack s;
(22)     s.push('F'); s.push('C'); s.push('P');
(23)     printf(“%c %c %c\n”, s.pop(), s.pop(), s.pop());
(24) }
```

a) Complete o programa por forma a verificar os limites do array usado na implementação.

Resposta:

Pré-condições: só pode fazer pop se top<0; só pode fazer push se top<101

```
(0)     #define LIMIT 101
(3)     char elements[LIMIT];
(10)    if (top == 0) then throw LimitException();
(15)    if (top == LIMIT) then throw LimitException();
```

- b) Escreva e junte à classe Stack o método empty() para avaliar se a stack está ou não vazia.

Resposta:

```
(19)    bool Stack::empty () {
(20)        return top == 0;
(21)    }
```

6. Programação funcional tipada [15 pontos]

Considere a seguinte gramática simplificada para expressões aritméticas: $\langle expr \rangle$ é o não-terminal; +, *, x, y, z, (,) são os terminais; +, * são operadores; e x, y, z são variáveis.

```
 $\langle expr \rangle ::= ( + \langle expr \rangle \langle expr \rangle )$ 
           | ( *  $\langle expr \rangle \langle expr \rangle$  )
           | x | y | z
```

- a) Escreva uma função counter em Scheme (ou ML) que determina o número total de ocorrências de um operador numa expressão gerada pela gramática apresentada. Pode assumir que counter é invocado sempre com expressões válidas.

Por exemplo

```
(counter '(+ (* x y) (+ z y) ) )
```

devolve 3

Resposta:

```
(define (counter e)
  (cond ((eq? 'x e) 0)
        ((eq? 'y e) 0)
        ((eq? 'z e) 0)
        (else (+ 1 (counter (cadr e)) (counter (caddr e))))))
)
(counter '(+ (* x y) (+ z y)))
```

- b) Escreva uma função evaluate em Scheme (ou ML) que determina o valor de uma expressão válida.

Por exemplo, considerando um contexto em que x, y e z são 1, 2 e 0, respectivamente:

```
(evaluate '(+ (* x y) (+ z y) ) )
```

devolve 4

Resposta:

```
(define (evaluate e)
  (cond ((eq? 'x e) 1)
        ((eq? 'y e) 2)
        ((eq? 'z e) 0)
        ((eq? '+ (car e)) (+ (evaluate (cadr e)) (evaluate (caddr e))))
        ((eq? '* (car e)) (* (evaluate (cadr e)) (evaluate (caddr e))))
        (else 0))
)
(evaluate '(+ (* x y) (+ z y)))
```

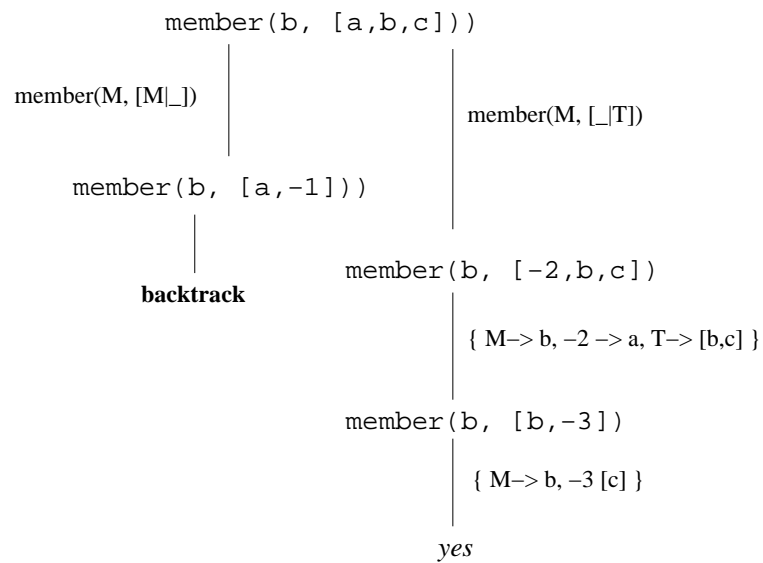
7. Programação lógica [15 pontos]

Considere a relação member definida pelas regras:

```
member(M, [M|_]).
member(M, [_ ,T]) :- member(M, T).
```

- a) Desenhe a porção da árvore de pesquisa do Prolog que corresponde à seguintes interacção:
`member(b, [a,b,c]).`
`yes`

Resposta:



- b) Indique qual a resposta do interpretador de Prolog quando se procuram todas as soluções de `member(b, X).`

Resposta:

`X = [b|_];`
`X = [_ ,b|_];`
`X = [_,_,b|_];`
`...`

FIM.